Neubestimmung der Kristallstruktur von Azurit, Cu₃(OH)₂(CO₃)₂

VON G. GATTOW UND J. ZEMANN

Mineralogisch-Kristallographisches Institut der Universität Göttingen, Deutschland

(Eingegangen am 14. April 1958)

The re-examination of Brasseur's structure for azurite, $\text{Cu}_3(\text{OH})_2(\text{CO}_3)_2$, has shown that it is fundamentally wrong. The atomic arrangement is determined by two-dimensional Patterson- and Fourier-work. The final *R*-values for the three principal zones (all reflexions included) are: $R'_{[100]} = 0.12_4$, $R'_{[010]} = 0.08_0$, $R'_{[001]} = 0.07_9$. All copper atoms are surrounded in planar square coordination by four neighbours: 2 O + 2 OH; further neighbours are rather irregular. The OHgroups belong to three copper atoms, each oxygen of the CO_3 -groups to one copper. All interatomic distances are of the usual order of magnitude. Common structural features of deep blue Cu^{2+} compounds are discussed.

Einleitung

Nach Brasseur (1932) kristallisiert der Azurit, Cu₃(OH)₂(CO₃)₂, monoklin in der Raumgruppe C_{2h}^5 mit den Identitätsperioden

$$a=4,96\pm0,01, b=5,83\pm0,005 \text{ und } c=10,27\pm0,01 \text{ kX}.$$

 $(a:b:c=0,851:1:1,762).$

Nach seiner Strukturbestimmung soll das Cu, das eine zweizählige Punktlage besetzt, von 4 O+2 OH und das auf der vierzähligen Punktlage sitzende Cu von 3 O+2 OH umgeben sein. Im Rahmen einer systematischen Untersuchung der Kristallstrukturen von dunkelblauen Cu²⁺-Verbindungen überprüften wir diese Angaben. Dabei zeigte es sich, dass mit Ausnahme der Cu-Lagen die Brasseur'sche Struktur grundsätzlich falsch ist (vgl. Gattow & Zemann, 1958). Aus diesem Grunde wurde eine Neubestimmung notwendig. Zur Untersuchung gelangte Azurit aus Tsumeb (Südwest-Afrika).

Gitterkonstanten und Raumgruppe

Äquator-Weissenberg-Aufnahmen um [010] und [001] mit Cu $K\alpha$ -Strahlung (Eichsubstanz: SrF₂) und Precession-Aufnahmen (Äquator und 1. Schichtlinie) um [100], [010] und [001] mit Mo $K\alpha$ -Strahlung ergaben für den Azurit eine monokline Elementarzelle mit den Dimensionen

$$a = 5,00\pm0,02, \ b = 5,85\pm0,02, \ c = 10,35\pm0,02 \ \text{\AA}, \ \beta = 92^{\circ} 20' \pm 20'.$$

Das daraus folgende Achsenverhältnis a:b:c = 0,855:1:1,769 steht in guter Übereinstimmung zu den morphologisch bestimmten Werten 0,8565:1:1,7688, $\beta = 92^{\circ} 25'$ (Dana's System, 1951). Mit einem Zellinhalt von Cu₆(OH)₄(CO₃)₄ errechnet sich die röntgenographische Dichte zu $d_R = 3,78$ g.cm.⁻³. Als bester Wert für die experimentell bestimmte Dichte wird in Dana's System (1951) $d_{exp.} = 3,773\pm0,003$ g.cm.⁻³ angegeben. Die Laue-Symmetrie ist $2/m-C_{2h}$; die systematischen Auslöschungen [(0k0) nur mit k = 2n, (h0l) nur mit l = 2n, (hkl) in allen Ordnungen vorhanden] führen auf die Raumgruppe $P2_1/c-C_{2h}^5$. Im Zuge der Strukturbestimmung zeigte es sich, dass zwei Cu-Atome die spezielle Punktlage 2(a), der Rest der Cu-Atome und die übrigen Atome des Azurits jedoch die allgemeine vierzählige Punktlage 4(e) besetzen:

2(a): 0, 0, 0; 0,
$$\frac{1}{2}$$
, $\frac{1}{2}$.
4(e): x, y, z; \overline{x} , \overline{y} , \overline{z} ; \overline{x} , $\frac{1}{2}$ +y, $\frac{1}{2}$ -z; x, $\frac{1}{2}$ -y, $\frac{1}{2}$ +z.

Strukturbestimmung

Für die Untersuchungen wurden ca. 0,2 mm. starke, senkrecht zu den drei Hauptachsen orientiert geschliffene Kristallplatten verwendet. Aus Precession-Aufnahmen um [100], [010] und [001] mit Mo-Strahlung (Zr-Folie, $\bar{\mu} = 30^{\circ}$, Reflexe bis zu $\sin\theta/\lambda =$ 0,70 Å⁻¹ erfasst) wurden 0kl-, h0l- und hk0-Intensitäten nach der 'multiple-exposure method' (Belichtungszeiten: $\frac{1}{4}$ bis 16 Stunden) im Vergleich zu einer Intensitätsskala geschätzt. Die Lorentz-Polarisationsfaktoren und die ($\sin \theta/\lambda$)-Werte für die einzelnen Reflexe wurden graphisch ermittelt. Die Absorption brauchte nicht berücksichtigt zu werden, da sie bei der vorliegenden Untersuchungsmethode für alle Reflexe einer Zone gleich gross ist.

Zur Berechnung der Strukturamplituden wurde die Atomstreukurve für Cu²⁺ aus den Angaben für Cu⁺ extrapoliert; für C wurden die atomaren Streuwerte, für OH die Werte von F⁻ verwendet. Für die Sauerstoffe wurden die Streuwerte von O^{$\frac{3}{2}-$} (aus den Daten für O extrapoliert) benutzt, wobei die Annahme zugrunde gelegt wurde, dass sich die zwei Elektronen der CO^{$\frac{3}{2}-$}Gruppe auf die 3 Sauerstoffe gleichmässig verteilen. Die Streuvermögen wurden der Arbeit von Berghuis et al. (1955) entnommen.

Die Berechnung der Patterson-, Fourier- und Differenz-Synthesen (Stützpunktdichte: a/30, b/30 und



Fig. 1. Fourier-Projektion (a) nach [100] und (b) nach [010]. Die Höhenschichtlinien sind stark von 20 zu 20 e.Å⁻² gezeichnet. Bis zu 20 e.Å⁻² sind die Linien im Abstande von 4 zu 4 e.Å⁻² dünn ausgezogen. F_{000} theoretisch eingeführt; die Konvergenzfaktoren für die F_0 betragen exp $[-4,0 \ (\sin \theta/\lambda)^2]$.

c/60), sowie die Bestimmung des B-Wertes des isotropen Temperaturfaktors und des Umrechnungsfaktors von relativen auf absolute Strukturamplituden F_o erfolgte nach den üblichen Methoden. Es wurden Patterson-Projektionen nach [100] und [010] gerechnet. Aus diesen Projektionen konnten leicht die Schwerpunkte der Cu-Atome gefunden werden: 2Cu_I besetzen die zweizählige Punktlage 2(a), d.h. sie befinden sich im Symmetriezentrum, die restlichen 4CuII besetzen die allgemeine Punktlage 4(e). Die weitere Lösung der Struktur erfolgte mit Hilfe der Minimumfunktion nach Buerger (1951), welche vor allem in der Zone [010] unmittelbar die Anordnung der leichteren Atome ergab. Mit den so gefundenen rohen Parameterwerten wurden Fourier-Synthesen nach [100] und [010] gerechnet und schrittweise verfeinert. Abschliessend wurde je eine $(F_o - F_c)$ -Synthese durchgeführt. Auf eine Verfeinerung der Projektion nach [001] wurde wegen starken Überlagerungen der Atome verzichtet (z.B. fallen 4 O + 2 C so nahe aufeinander, dass das entstehende Maximum fast so hoch wie das von Cu ist). Ein Vergleich der z-Parameter, die aus den Projektionen nach [100] und [010] unabhängig voneinander ermittelt wurden, ergab eine Übereinstimmung von durchschnittlich $\pm 0,002$; für die abschliessenden Rechnungen wurde mit den Mittelwerten gearbeitet. Fig. 1 zeigt die Fourier-Projektionen der Elementarzelle nach [100] und nach [010].

In Tabelle 1 sind die gefundenen Parameter ange-

Tabelle 1. Parameter

		Parameter			
Atomart	Punktlage	x	y	z	
Cu_I	2(a)	0	0	0	
Cult	4(e)	0,252	0,495	0,085	
OH	4(e)	0,092	0,812	0,444	
\mathbf{C}	4(e)	0,329	0,298	0,319	
OI	4(e)	0,098	0,390	0,338	
$\tilde{O_{II}}$	4(e)	0,447	0,224	0,421	
0.11	4(e)	0.431	0.303	0.212	

geben; die durchschnittliche Genauigkeit beträgt für die Cu-Atome $\pm 0,002$, für C, OH und die Sauerstoffe $\pm 0,004$. Die mit diesen endgültigen Parameterwerten berechneten Strukturamplituden F_c und die beobachteten absoluten Strukturamplituden F_o sind für die Projektionen nach [100], [010] und [001] in den Tabellen 2, 3 und 4 zusammengestellt. Die F_c beziehen

0 <i>kl</i>	F_c	$ F_{o} $	027	77	1.777		77	
		1 1	0.00	r _c	L'o	0kl	F _c	$ F_o $
020	+36.4	38.4	034	-10.3	9.7	058	- 0.3	(3.5)
040	+55.6	53.2	044	+ 0.7	(3.1)	068	- 0.2	(3,1)
060	+36.5	33.8	054	+ 2.6	(3,3)		-,-	(0,-)
080	+19.4	18.3	064	+ 2.8	(3,3)	019	+ 7.0	10.2
	,		074	- 4.3	(3,1)	029	- 2.2	(3,3)
011	-19.8	22.0		_ , _	(-)-/	039	+10.6	13.1
021	+25.4	25,6	015	+63.5	63.9	049	- 0.7	(3.5)
031	- 3.7	6.3	025	- 1.2	(2.7)	059	-+ 9.9	11.2
041	- 6.8	6.1	035	+47.0	42.5	069	- 4.4	(2,7)
051	-21.4	20.6	045	- 4.4	(3.2)		-,-	(-,.,
061	+ 5.2	5.0	055	+35.6	31.8	0.0.10	+25.2	27.1
071	- 2,4	(3,2)	065	+ 5.2	(3.3)	0.1.10	- 9.9	9.7
081	- 0.9	(2,2)	075	+22.9	21.3	0.2.10	+24.5	24.3
		(, , ,		, .	/-	0.3.10	-+- 4.7	(3,5)
002	+46.3	43.6	006	-22.0	20.2	0.4.10	+ 25.6	24.4
012	+10.5	9,0	016	-11.7	11.1	0.5.10	+ 0.1	(3,1)
022	+43.7	45.4	026	- 9.0	11.1		, ,,-	(0,-)
032	+ 0.2	(2.6)	036	+ 2.4	4.7	0.1.11	- 7.0	7.2
042	+37.3	36.0	046	-21.2	16.6	0.2.11	- 3.2	(3.5)
052	+ 0.3	(3.3)	056	+3.2	(3.5)	0.3.11	-13.8	12.4
062	+25,6	22,3	066	-10.7	10.7	0.4.11	- 3.3	4.8
072	- 9,3	(3,2)	076	- 3.4	(2.7)	0.5.11	- 3.0	5.6
082	+16.4	15.9		-,-	(,-,-,		-,-	0,0
		•	017	+54.9	56,0	0.0.12	+32.8	35.0
013	+15,0	14,3	027	+ 9,9	12,9	0,1,12	+ 4.5	6.1
023	+ 1,6	(2,4)	037	+25,7	28,2	0,2,12	+29.4	31.5
033	+30,6	30,0	047	- 8,4	6,7	0.3.12	- 3.4	(3.3)
043	+ 7,1	6,8	057	+34.8	33,0	0.4.12	+24.6	27.0
053	+17,3	15,9	067	+ 0,4	(3,2)			,-
063	+ 0,4	(3,3)	077	+15.6	16,5	0,1,13	- 4.1	7.9
073	+11,7	10,1				0.2.13	- 0.8	(3.2)
			008	-15,9	19,6	0.3.13	- 3.3	5.6
004	- 5,6	5,6	018	+ 3,7	(3,0)		- , -	-,•
014	- 5,6	4,8	028	+13,7	10,9	0,0,14	+17,3	19,5
024	- 3,5	(2,6)	038	+ 5,9	(3,3)	0,1,14	+ 6.7	8,6
			048	- 0,7	(3,5)			- , -

Tabelle 2. Vergleich zwischen F_c und F_o der Okl-Reflexe

Tabelle 3. Vergleich zwischen F und F_o der hol-Reflexe

h0l 100 200	$F_c + 20,2 - 1,8 + 17,4$	$ F_o $ 23,2 (2,9)	h0l 008	F_c -17.0	$ F_o $	h0l	Fc	$ F_o $
$\frac{100}{200}$	$^{+20,2}_{-1,8}_{+17,4}$	23,2 (2,9)	008	-17.0	10 7	1 007	-	
200	-1,8 +17,4	(2,9)	100		19.7	204	+48.8	48.6
-00	+17,4		108	+54,2	55,4	$30\overline{4}$	-27.8	25.8
300		17,7	208	+28,2	31,9	$40\overline{4}$	+12.2	12.2
400	+39,2	40,2	308	- 4,6	9,1	$50\overline{4}$	+28.4	25,2
500	+ 4,0	(4,5)	408	+11,6	10,4	$60\overline{4}$	+24.8	21,9
600	-21,2	20,0	508	+36,8	37,0		• •	•
						106	+23,6	26,3
002	+46,4	46,4	0,0,10	+28,2	29,2	$20\overline{6}$	+40,2	36,7
102	+13,2	12,3	1,0,10	+15,6	18,3	$30\overline{6}$	+22,6	22,6
202	+14,6	15,5	2,0,10	+ 0,2	(4,8)	406	-26,8	28,9
302	+65,6	65,9	3,0,10	15,8	20,1	$50\overline{6}$	+11,7	12,5
402	+38,8	38,4	4,0,10	+29,4	25,9	$60\overline{6}$	+34,6	31,9
502	-12,4	12,5						
602	- 5,2	(4,8)	0,0,12	+38,2	40,2	108	-20,0	17,0
			1,0,12	+ 8,2	13,2	$20\overline{8}$	+20,0	21,1
004	- 6,0	8,2	2,0,12	18,0	18,6	308	+31.8	29.5
104	-17.6	22.4	3.0.12	+ 9.2	8.6	408	+ 1.8	(4.8)
204	+41,0	41,3		,-	-,-	508	- 2.4	(4.6)
304	+61,4	60,6	0.0.14	+20.8	18.8		-,-	(-,•)
404	-12,4	12,1	1,0,14	-12.0	12.0	$1.0.\overline{10}$	-12.2	14.9
504	+ 5,6	(4,8)		•	•	$2,0,\overline{10}$	- 5,8	(3.3)
604	+19,2	20,5	$10\overline{2}$	+62,0	59,0	$3.0.\overline{10}$	+45.0	41.6
			$20\overline{2}$	- 6,0	8,8	$4.0.\overline{10}$	+26.2	23.0
006	-23,0	22,8	$30\overline{2}$	-32,8	31,2		,	
106	+33,8	34,1	$40\overline{2}$	+28,2	31,5	1,0,12	+15.6	13.6
206	+55,2	57,0	$50\overline{2}$	+32,4	33,4	$2,0,\overline{12}$	- 4,2	9,1
306	+17,6	22,0	$60\overline{2}$	+ 2,4	(4,8)	$3,0,\overline{12}$	+14.8	13,6
406	- 9,0	13,9		• •				- , -
506	+ 8,4	8,8	$10\overline{4}$	+56,6	55,1	1,0,14	+24,0	23,2
606	+34,0	37,3						•

Tabelle 4. Vergleich zwischen F_c und F_o der hk0-Reflexe

<i>ħk</i> 0	F.		hk0	F_{c}	$ F_o $	hk0	F_c	$ F_o $
nku	I'C	12 0	490	1489	475	150	-5.1	5,6
100	+23,9	23,0	420	+ 40,2	19.0	250	+ 1.3	(3.4)
200	- 2,2	(2,0)	520	+13,0	13,0	250	. 41	(3, 4)
300	+17,1	17,2	620	- 6,3	7,8	500	- 4,1	(9,4)
400	+38.2	40.8				450	+1,2	(3,4)
500	± 27	5.7	130	- 1,8	(2,7)			
600	10.5	19.4	230	-19.3	18,8	060	39,6	40,7
000	- 19,0	0.9	330	+ 2.6	(3.1)	160	+13,7	13,4
700	+10,9	9,0	420	_ 9,0	9.5	260	-11.6	12,0
			430	3,0	(3.4)	360	+13.6	14.0
110	-15,0	17,2	530	+1,0	(0, 1)	460	± 27.3	32 1
210	+24,6	25,6	630	- 1,9	(3,1)	400	-21,0	02,1
310	- 9.9	11,0					1.0	(9.1)
410	+10.1	11.0	040	+57,2	53,9	170	- 1,8	(3,1)
510	_ 4 4	(3,5)	140	+ 5.1	8,2	270	+ 8,7	9,2
010		7.0	240	-13.9	15.4	370	+ 9,1	7,6
610	+ 5,0	7,0	240	± 161	15.9			
		<u> </u>	340	+ 40.4	27.0	080	+21.6	20.5
020	+36,6	37,4	440	+40,4	199	180	± 77	9.3
120	+38,9	37,6	540	+12,5	13,2	100	Τ ,,,	0,0
220	-32.4	33.4	640	- 7,2	8,7			
		• .				1		



Fig. 2. Projektion der Atomschwerpunkte (a) nach [100] und (b) nach [010]. Die planar quadratischen Anordnungen um die Cu-Atome sind mit ausgezogenen Linien, die Verbindung von Cu_{II} zur fünften Koordinationsstelle gestrichelt und die CO₃-Gruppen punktiert dargestellt.

	(Genaui	igkeit: $\pm 0,05$ Å)		
	Co	03-Gruppe:		
	$\begin{array}{c} C-O_{I} \\ C-O_{II} \\ C-O_{III} \\ O_{I}-O_{II} \\ O_{II}-O_{III} \\ O_{III}-O_{I} \end{array}$	1,30 Å 1,27 1,24 2,14 2,23 2,22	∢ O _I -C-O _{II} ∢ O _{II} -C-O _{II} ∢ O _{III} -C-O _I	113,5° 126,1 121,9
	Koordinationspo	lyeder um das Cu _I -Atom:		
Planare 4-Koordination	$ \left\{ \begin{array}{c} \mathrm{Cu_{I}-OH} \\ \mathrm{Cu_{I}-O_{I}} \\ \mathrm{O_{I}-OH} \\ \mathrm{O_{I}-OH''} \\ \mathrm{Cu_{I}-O_{II}''} \\ \mathrm{Cu_{I}-O_{II}''} \end{array} \right. $	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		89,0° 91,0 75,9°
	$Cu_I - O_{III}$ $Cu_I - O_{III}$	$\begin{array}{ccc} 3,28 & (2 \times) \\ 3,50 & (2 \times) \\ 4,20 & (2 \times) \end{array}$		73,4 132,3 47,5
	${f Koordinationspol}$	yeder um das Cu _{II} -Atom:		
Planare 4-Koordination	$ \left\{ \begin{array}{c} Cu_{II}-OH'\\ Cu_{II}-OH'''\\ Cu_{II}-OH'''\\ Cu_{II}-O_{II}\\ Cu_{II}-O_{II}''\\ Cu_{II}-O_{II}''\\ Cu_{II}-O_{I}''\\ CU_{II}-O_{I} \end{array} \right. $	2,04 Å 1,99 1,92 2,01 2,38 2,83 2,83	$\begin{array}{l} \diamondsuit \\ OH'-Cu_{II}-OH'''\\ \diamondsuit \\ OH'''-Cu_{II}-O_{II}'\\ \diamondsuit \\ OII-Cu_{II}-O_{II}'\\ \diamondsuit \\ OIII-Cu_{II}-OH'\\ \diamondsuit \\ O_I-Cu_I-O_{II}'' \end{array}$	83,0° 83,3 95,0 99,2 132,6
'Oktaederkanten' (planare 4-Koordination)	$ \begin{cases} OH'''-O'II \\ O'II-OIII \\ O'II-OH' \end{cases} $	2,66 2,90 3,02		
'Oktaederkanten'	О́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́́	3,01 3,09 3,08 3,02 3,07 4,44 2,22	$\begin{array}{c} \leqslant 0 i i ' - Cu_{II} - OH''' \\ \leqslant 0 i i ' - Cu_{II} - OH' \\ \leqslant 0 i i ' - Cu_{II} - O_{II} \\ \leqslant 0 i i ' - Cu_{II} - O_{III} \\ \leqslant 0_{I} - Cu_{II} - OH'' \\ \leqslant 0_{I} - Cu_{II} - OH''' \\ \leqslant 0_{I} - Cu_{II} - O_{III} \end{array}$	$86,7^{\circ}$ 88,4 89,6 88,7 76,2 133,5 51,4
_	(OI-OII	4,08	$\triangleleft 0_{\mathrm{I}}$ –Cu _{II} –O' _{II}	114,2
Zusammenhang zv	vischen CO ₃ -Gruppe	und Koordinationspolyede	r um die Cu-Atome:	
	Cuí-C Cuíi-C Cu _{II} -C	2,71 Å(2×) 2,89 2,70	∢ Cu _I –O _I –C ∢ Cu _{II} –O _{II} –C ∢ Cu _{II} –O _{II} –C	116,1° 122,4 115.4

Tabelle 5. Interatomare Abstände und Valenzwinkel

Zusammenhang zwischen den Koordinationspolyedern um Cu_I und den Koordinationspolyedern um Cu_{II}:

\triangleleft Cu _I -OH'-Cu _{II}	108,9°	≮ Cu _I –OH‴–Cu _{II}	111.0°
$\not \subset \mathrm{Cu}_\mathrm{II} - \mathrm{O}_\mathrm{II} - \mathrm{Cu}_\mathrm{II}''$	81,4	$\not \subset Cu_{II}'' - O_{II} - Cu_{II}''$	89,6

sich auf eine Formeleinheit. Die eingeklammerten F_o -Werte sind nicht beobachtet worden; an ihrer Stelle sind die nach Hamilton (1955) berechneten wahrscheinlichen Werte aufgeführt. Die B-Werte der isotropen Temperaturfaktoren exp $[-B (\sin \theta / \lambda)^2]$ betragen: $B_{[100]} = 0.43$, $B_{[010]} = 0.00$ und $B_{[001]} = 0.17$. Die Zuverlässigkeitsfaktoren R berechnet man zu

$$R_{[100]} = 0.08_8, \ R_{[010]} = 0.07_2, \ R_{[001]} = 0.06_6.$$

Werden auch die nicht beobachteten Reflexe berücksichtigt, dann wird

$$R'_{[100]} = 0,12_4, \ R'_{[010]} = 0,08_0, \ R'_{[001]} = 0,07_9.$$

Für die Strukturannahme von Brasseur (1932) sind die entsprechenden R-Werte für die Projektion nach [010]: $\bar{R}_{[010]} = 0,36_6$ und $R'_{[010]} = 0,39_4$.

Beschreibung der Struktur und Diskussion

Die Projektion der Atomschwerpunkte nach [100] und [010] zeigt Fig. 2; Tabelle 5 gibt die interatomaren Abstände und die Valenzwinkel wieder.

Die Struktur des Azurits, Cu₃(OH)₂(CO₃)₂, ist aufgebaut aus den CO3-Gruppen und den Koordinationspolyedern um CuI und CuII. Die CO3-Gruppe bildet innerhalb der Fehlergrenzen ein gleichseitiges Dreieck mit einer durchschnittlichen Kantenlänge von O-O = 2,20 Å, in dessen Schwerpunkt sich der Kohlenstoff mit einem mittleren Abstand C-O=1,27 Å befindet. Die durchschnittliche Grösse des Valenzwinkels beträgt $\lt 0-C-0 = 120,5^{\circ}$. Die erhaltenen C-O-Abstände stimmen mit den besten bis jetzt bestimmten Werten überein (vgl. Candlin, 1956; Sass, Vidale & Donohue, 1957; Zemann, 1957). Weitere

O-Atome, bzw. OH-Gruppen sind vom C-Atom über 3,2 Å entfernt.

Das Cu_I-Atom ist von 2 O+2 OH planar quadratisch umgeben (Cu_I-O = 1,88, Cu_I-OH = 1,98 Å; $\not\leftarrow$ O-Cu_I-OH = 90°). Als nächst-weitere Nachbarn besitzt das Cu_I-Atom 2 C-Atome mit Cu_I-C = 2,70 Å und 4 O-Atome im Abstande von Cu_I-O = 2,90 (2×) und 3,28 Å (2×). Eine oktaedrische Umgebung für das Cu_I, wie sie von Brasseur (1932) beschrieben wurde, liegt keinesfalls vor; vielmehr liegen die 4 weiteren O-Atome so schiefwinklig zu der planaren 4-Koordination um das Cu_I, dass sie mit den 2O+2OH ein stark verzerrtes Prisma bilden. Weitere Nachbarn um das Cu_I-Atom sind 4 O-Atome mit Cu_I-O = 3,50 (2×) und 4,20 Å (2×).

Die Koordination um das Cu_{II} -Atom ist 4+1(+1). Eine solche Koordination um das Cu²⁺ wurde bereits im $[Cu(NH_3)_4]SO_4$. H₂O von Simerská (1954) und unabhängig davon von Mazzi (1955) festgestellt und von Gattow (1958) an der Kristallstruktur des CuSeO₃.2 H₂O beschrieben. Als nächste Nachbarn besitzt das Cu_{II} 2 O+2 OH mit einem mittleren Abstand von Cu_{II} -O (bzw. OH) = 1,99 Å, die das Kupfer ungefähr in Form eines Quadrates umgeben und mit diesem fast in einer Ebene liegen. Das O_{II} -Atom liegt im Abstande Cu_{II} - $O_{II}^{\prime\prime\prime} = 2,38$ Å an einer 'Oktaederecke'. OI würde formal die sechste 'Oktaederecke' besetzen, hat aber einen viel grösseren Abstand $(Cu_{II}-O_1 = 2,83 \text{ Å})$ und ist auch stark seitlich verschoben: $\triangleleft O_{II}$ -Cu-O_I = 132,6° statt 180° in einem Oktaeder! Der Abstand zwischen Cu_{II} und den C-Atomen beträgt $Cu_{II}-C = 2,70, 2,71$ und 2,89 Å.

Zwischen den CO_3 -Gruppen und den Koordinationspolyedern um Cu_I und Cu_{II} besteht folgender Zusammenhang: Die drei O-Atome der CO_3 -Gruppe gehören drei verschiedenen Cu-Koordinationspolyedern $(1 \times Cu_I, 2 \times Cu_{II})$ an, wobei die durchschnittliche Winkelgrösse $\ll C-O-Cu = 117,7^{\circ}$ beträgt.

Die planaren O₂Cu_I(OH)₂-Gruppen werden über jeweils zwei planare $O_2Cu_{\Pi}(OH)_2$ -Gruppen so untereinander verbunden, dass jedes OH drei quadratischen Cu-Koordinationen gleichzeitig angehört. Dadurch bilden sich in Richtung der b-Achse Ketten aus (vgl. Fig. 3), die durch planare Bindungen zusammengehalten werden. Weitere Verknüpfungen zwischen den planaren O₂Cu(OH)₂-Gruppen (und zwar von Cu_I zu Cu_{II} und von Cu_{II} zu Cu_{II}) erfolgen über CO_3 -Gruppen zu einem 3-dimensionalen Strukturgerüst. Zusätzlich sind die planaren Cu_I-Gruppen mit den Cu_{II}-Koordinationspolyedern über die fünfte und sechste Koordinationsstelle der 4+1(+1)-Umgebung des Cu_{Π} verbunden: Das O-Atom, das die fünfte Koordinationsstelle einnimmt, gehört gleichzeitig zur planaren Umgebung des benachbarten Cu_{Π} , das der sechsten Koordinationsstelle zu der des Cu_I.

Die kürzesten Abstände der Atomschwerpunkte von O-Atomen und OH-Gruppen, die keinen gemeinsamen CO_3 -Gruppen oder Cu-Koordinationspolyedern



Fig. 3. Verknüpfung der planar quadratischen 4-Koordinationen um Cu_I und um Cu_{II} in Richtung der b-Achse (Schrägriss).

angehören, betragen: O-OH = 3,07 und O-O = 3,53, 3,54 Å.

Der Azurit, $Cu_3(OH)_2(CO_3)_2$, ist vom strukturellen Standpunkte aus in der Schreibweise von Machatschki (1947) als

$${}^{3}_{\infty} Cu^{[2\ O+2\ OH]} Cu_{2}^{[2\ O+2\ OH(+O)]} (OH)_{2}^{[3\ Cu]} (CO_{3})_{2}$$

zu formulieren.

Die normalen und basischen Salze vom Cu^{2+} mit Sauerstoffsäuren sind (neben einigen wenigen farblosen; z.B. $CuSO_4$) meist grün, bzw. hellblau gefärbt; einige aber sind tiefblau. Die hellgefärbten Cu^{2+} -Verbindungen zeigen eine planare 4-Koordination*

^{*} Eine Ausnahme bilden nach der Literatur Olivenit, $Cu_2(OH)AsO_4$, und Libethenit, $Cu_2(OH)PO_4$ (Heritsch, 1938, 1939). Nach freundlicher Mitteilung von Prof. Dr H. Heritsch werden diese Strukturen in Graz neu bearbeitet.

(Abstand Cu-O, bzw. OH, $H_2O = 1.9$ bis 2.0 Å) mit Ergänzung durch zwei weitere Nachbarn (vgl. Orgel & Dunitz, 1957, und Wells, 1949) im Abstande von 2,2 bis 2,5 Å zu einem verzerrten Oktaeder. Das wurde vor kurzem von Kokkoros & Rentzeperis (1958) auch für das farblose CuSO₄ gezeigt. Bei den gut beleg-Strukturen von dunkelblauen Cu²⁺-Salzen ten([Cu(NH₃)₄]SO₄.H₂O: Simerská (1954), Mazzi (1955); $Cu_2Mg_2CO_3(OH)_6.2 H_2O$: Brunton et al. (1958); $CuSeO_3 \cdot 2H_2O$: Gattow (1958); $Cu_3(OH)_2(CO_3)_2$: vorliegende Arbeit) ist mindestens einer der Nachbarn ausserhalb der planar-quadratischen Koordination deutlich weiter entfernt, bzw. eine 'oktaedrische' Umgebung ist kaum mehr erkennbar (Cu_I im Azurit). Auf Grund des vorliegenden Untersuchungsmaterials ist zu erwarten, dass dieses eine allgemeine Erscheinung in der Kristallchemie von dunkelblauen Cu²⁺-Verbindungen ist. Zu ähnlichen Ergebnissen für dunkelblaue Cu2+-Komplexe in Lösungen kamen Bjerrum et al. (1954) bei der Diskussion der Absorptionsspektra.

Frln. M. Binder gilt unser Dank für ihre Hilfe bei den numerischen Berechnungen. Der Deutschen Forschungsgemeinschaft danken wir für die dem Institut zur Verfügung gestellten apparativen Hilfsmittel.

Literatur

- BERGHUIS, J., HAANAPPEL, IJ. M., POTTERS, M., LOOP-STRA, B. O., MACGILLAVRY, C. H. & VEENENDAAL, A. L. (1955). Acta Cryst. 8, 478.
- BJERRUM, J., BALLHAUSEN, C. J. & JØRGENSEN, C. K. (1954). Acta Chem. Scand. 8, 1275.
- BRASSEUR, H. (1932). Z. Kristallogr. 82, 195.
- BRUNTON, G., STEINFINK, H. & BECK, C. W. (1958). Acta Cryst. 11, 169.
- BUERGER, M. J. (1951). Acta Cryst. 4, 531.
- CANDLIN, R. (1956). Acta Cryst. 9, 545.
- Dana's 'System of Mineralogy' (1951), 7th ed., vol. 2. New York—London: Wiley & Sons.
- GATTOW, G. (1958). Acta Cryst. 11, 377.
- GATTOW, G. & ZEMANN, J. (1958). Naturwissenschaften, 45, 208.
- HAMILTON, W. C. (1955). Acta Cryst. 8, 185.
- HERITSCH, H. (1938). Z. Kristallogr. 99, 466.
- HERITSCH, H. (1939). Z. Kristallogr. 102, 1.
- KOKKOROS, P. A. & RENTZEPERIS, P. J. (1958). Acta Cryst. 11, 361.
- MACHATSCHKI, F. (1947). Monatsh. Chem. 77, 333.
- MAZZI, F. (1955). Acta Cryst. 8, 137.
- ORGEL, L. E. & DUNITZ, J. D. (1957). Nature, Lond. 179, 462.
- SASS, R. L., VIDALE, R. & DONOHUE, J. (1957). Acta Cryst. 10, 567.
- SIMERSKÁ, M. (1954). Czechosl. J. Phys. 4, 3.
- WELLS, A. F. (1949). Acta Cryst. 2, 175.
- ZEMANN, J. (1957). Acta Cryst. 10, 664.

Acta Cryst. (1958). 11, 872

The Direct Observation of the Long Period of the Ordered Alloy CuAu(II) by Means of Electron Microscope

BY SHIRO OGAWA AND DENJIRO WATANABE

The Research Institute for Iron, Steel and Other Metals, Tohoku University, Sendai, Japan

and Hiroshi Watanabe and Tsutomu Komoda

Hitachi Central Research Laboratory, Kokubunji, Tokyo, Japan

(Received 17 February 1958 and in revised form 26 March 1958)

Using thin evaporated films, the ordered structure of CuAu(II) with long period has been studied by means of the transmission electron microscope. Parallel lines spaced at intervals of about 20 Å have been observed, corresponding to satellite spots flanking the direct spot in the diffraction pattern. Their spacing is in close agreement with the size of an anti-phase domain. The lines are believed to be caused by some lattice modulation with the same period as the domain size, the possibility of moiré pattern based on secondary diffraction being disputed. By a careful examination of the spacing of the lines the existence of different domain sizes previously concluded from diffraction maxima has been proved and a mode of mixture of them has been shown.

1. Introduction

According to the electron diffraction studies on ordered alloys such as CuAu(II) (Ogawa & Watanabe, 1954), Cu_3Pt (Watanabe, 1955), Ag_3Mg (Fujiwara, Hirabayashi, Watanabe & Ogawa, 1958), Cu_3Pd (Watanabe & Ogawa, 1956), Au_3Mn (Ogawa & Watanabe, 1957), Au_4Zn and Au_3Zn (Fujiwara, Watanabe & Ogawa, 1957), it was revealed that they possess superlattices consisting of anti-phase domains with definite size in a stable state. For example, CuAu(II) has a one-dimensional anti-phase domain structure characterized by the first kind of out-of-step,